



ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО МОРСКОГО И РЕЧНОГО ТРАНСПОРТА
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Государственный университет морского и речного флота имени адмирала С.О. Макарова»
(ФГБОУ ВО «ГУМРФ имени адмирала С.О. Макарова»)

АРКТИЧЕСКИЙ МОРСКОЙ ИНСТИТУТ ИМЕНИ В.И. ВОРОНИНА
– филиал ФГБОУ ВО «ГУМРФ имени адмирала С.О. Макарова»

Является приложением к рабочей программе

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
для проведения текущего контроля знаний и промежуточной аттестации
по учебной дисциплине
ЕН.01 МАТЕМАТИКА
математического и общего естественнонаучного учебного цикла
программы подготовки специалистов среднего звена
по специальности 26.02.05 Эксплуатация судовых энергетических
установок
базовой подготовки

Архангельск
2020

СОДЕРЖАНИЕ

1. ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ	3
1.1. Паспорт комплекта оценочных средств	3
2. РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ, ПОДЛЕЖАЩИЕ ПРОВЕРКЕ	9
3. КОМПЛЕКТ ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ	10
3.1. Задания для проведения текущего контроля	10
3.1.1. Самостоятельные работы	10
3.2. Задания для проведения промежуточной аттестации	20
3.2.1. Задания для проведения дифференцированного зачета	21

1. Общие положения

1.1. Паспорт фонда оценочных средств

Назначение:

Фонд оценочных средств предназначен для контроля и оценки результатов освоения учебной дисциплины ЕН.01 Математика, сформированности профессиональных (далее – ПК) и общих (далее – ОК) компетенций.

Предметы оценивания	Объекты оценивания	Показатели оценки
Профессиональные компетенции ФГОС СПО:		
ПК 1.1. Обеспечивать техническую эксплуатацию главных энергетических установок судна, вспомогательных механизмов и связанных с ними систем управления.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	- демонстрация умения использовать математику для обеспечения технической эксплуатации главных энергетических установок судна, вспомогательных механизмов и связанных с ними систем управления.
ПК 1.3. Выполнять техническое обслуживание и ремонт судового оборудования.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	-демонстрация умения использовать математику для выполнения технического обслуживания и ремонта судового оборудования.
ПК 1.5. Осуществлять эксплуатацию судовых технических средств в	У1. Решать простые дифференциальные уравнения.	- демонстрация умения использовать математику для осуществления

Предметы оценивания	Объекты оценивания	Показатели оценки
соответствии с установленными правилами и процедурами, обеспечивающими безопасность операций и отсутствие загрязнения окружающей среды.	31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	эксплуатации судовых технических средств в соответствии с установленными правилами и процедурами, обеспечивающими безопасность операций и отсутствие загрязнения окружающей среды.
ПК 3.2. Руководить работой структурного подразделения.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	Демонстрация умения использовать математику для руководства работой структурного подразделения.
ПК 3.3. Анализировать процесс и результаты деятельности структурного подразделения.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	Демонстрация умения использовать математику для анализа процесса и результатов деятельности структурного подразделения.
Общие компетенции ФГОС СПО:		
ОК 1. Понимать сущность и	У1. Решать простые	- демонстрация интереса к

Предметы оценивания	Объекты оценивания	Показатели оценки
социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес.	дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	будущей профессии.
ОК 2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их эффективность и качество.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	- обоснование выбора и применения методов и способов решения профессиональных задач в области разработки технологических процессов; - демонстрация эффективности и качества выполнения профессиональных задач.
ОК 3. Принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	- демонстрация способности принимать решения в стандартных и нестандартных ситуациях и нести за них ответственность.

Предметы оценивания	Объекты оценивания	Показатели оценки
ОК 4. Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	- нахождение и использование информации для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития.
ОК 5. Использовать информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	- демонстрация навыков использования информационно-коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.
ОК 6. Работать в коллективе, в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, потребителями.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической	- взаимодействие с обучающимися, преподавателями и мастерами в ходе обучения.

Предметы оценивания	Объекты оценивания	Показатели оценки
<p>ОК 7. Брать на себя ответственность за работу членов команды (подчиненных), результат выполнения заданий.</p>	<p>статистики.</p> <p>У1. Решать простые дифференциальные уравнения.</p> <p>31 Основы теории дифференциальных уравнений.</p> <p>У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач.</p> <p>32. Основные понятия и методы математического анализа.</p> <p>33. Основы теории вероятностей и математической статистики.</p>	<p>- проявление ответственности за работу подчиненных, результат выполнения заданий.</p>
<p>ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации.</p>	<p>У1. Решать простые дифференциальные уравнения.</p> <p>31 Основы теории дифференциальных уравнений.</p> <p>У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач.</p> <p>32. Основные понятия и методы математического анализа.</p> <p>33. Основы теории вероятностей и математической статистики.</p>	<p>- планирование обучающимся повышения личностного и квалификационного уровня.</p>
<p>ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности.</p>	<p>У1. Решать простые дифференциальные уравнения.</p> <p>31 Основы теории дифференциальных уравнений.</p> <p>У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач.</p> <p>32. Основные понятия и методы математического анализа.</p> <p>33. Основы теории вероятностей и</p>	<p>- проявление интереса к инновациям в области профессиональной деятельности.</p>

Предметы оценивания	Объекты оценивания	Показатели оценки
	математической статистики.	
ОК 10. Владеть письменной и устной коммуникацией на государственном и иностранном языке.	У1. Решать простые дифференциальные уравнения. 31 Основы теории дифференциальных уравнений. У2. Применять основные численные методы для решения прикладных задач. 32. Основные понятия и методы математического анализа. 33. Основы теории вероятностей и математической статистики.	- способность вести общение с членами экипажа по вопросам, касающимся выполнения обязанностей на судне и безопасности мореплавания

2. Результаты освоения дисциплины, подлежащие проверке

Результатом освоения учебной дисциплины ЕН.01 Математика является приобретение обучающимися знаний и умений, сформированность профессиональных и общих компетенций в соответствии с ФГОС СПО.

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) учебной дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	Раздел 1. Основные понятия и методы математического анализа	ПК 1.1, 1.3, 1.5, ОК 1-10	Самостоятельная работа 1,2; дифференцированный зачет
2	Раздел 2. Основы теории дифференциальных уравнений	ПК 1.1, 1.3, 1.5, ОК 1-10	Самостоятельная работа 3; дифференцированный зачет
3	Раздел 3. Элементы векторной алгебры	ПК 1.1, 1.3, 1.5, ОК 1-10	Самостоятельная работа 4; дифференцированный зачет
4	Раздел 4. Комплексные числа	ПК 1.1, ОК 1-10	Самостоятельная работа. 5; дифференцированный зачет
5	Раздел 5. Системы уравнений	ПК 1.1, 1.3, 1.5, ОК 1-10	Самостоятельная работа 6; дифференцированный зачет
6	Раздел 6. Ряды	ПК 1.1, 1.3, 1.5, ОК 1-10	Тест 1, дифференцированный зачет
7	Раздел 7. Основы теории вероятностей и математической	ПК 3.2, 3.3, ОК	Самостоятельная работа 8; дифференцированный зачет

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) учебной дисциплины	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
	статистики	1-10	

3. Фонд оценочных средств

Контроль качества освоения учебной дисциплины включает текущий контроль и промежуточную аттестацию.

Видами текущего контроля являются самостоятельные работы, тестирование.

Формой промежуточной аттестации по учебной дисциплине является дифференцированный зачет.

3.1. Задания для проведения текущего контроля

3.1.1. Самостоятельные работы

Раздел 1. Основные понятия и методы математического анализа

Тема 1.1. Производная.

Вариант 1

1. Найдите производные функций:

$$a) f(x) = 3x^2 - 5x + 6; \quad б) f(x) = (x + 2)(x^3 - 5); \quad в) f(x) = \frac{2x^3 - 1}{2x + 1}; \quad г)$$

$$f(x) = \sqrt[4]{\cos^3 x}$$

2. Найдите частные производные функции $z = x^2y^2 - 3x + y^3 + 1$.

3. Закон прямолинейного движения точки задан уравнением

$$s = -t^3 + 3t^2 - 4t - 8. \text{ Найдите ускорение и скорость точки в момент времени } 2c.$$

3. Найдите промежутки монотонности и точки экстремума функции

$$f(x) = 2x^2 - 20x + 1.$$

Вариант 2

1. Найдите производные функций:

$$a) f(x) = \frac{1}{2}x^2 + 4x + 7; \quad б) f(x) = (x^4 + 1)(x^2 - 2); \quad в) f(x) = \frac{3x^2 + 2}{6x - 1};$$

$$г) f(x) = \sqrt[6]{\sin x}.$$

- Найдите частные производные функции $z = \ln(x^2 + y^2)$
- Закон прямолинейного движения точки задан уравнением $s = t^3 + 5t^2 + 3t - 15$. Найдите ускорение и скорость точки в момент времени $3c$.
- Найдите промежутки монотонности и точки экстремума функции $f(x) = 3x^2 + 36x - 1$.

Критерии оценивания

№ задания	1 а)	1 б)	1 в)	1 г)	2	3	4
Кол-во баллов	1	1	1	3	2	2	1

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	4-5	6-8	9-11
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Тема 1.2. Интеграл.

Вариант 1

- Применяя основные правила и таблицы интегралов, найдите значения интегралов:

$$a) \int (x^2 + x^7 + x + 5) dx \quad б) \int \sin 6x dx$$

- Вычислите интегралы:

$$a) \int_2^3 (x^2 - x) dx \quad б) \int_{\frac{1}{2}}^1 \frac{dx}{x}$$

- Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$2x - 3y + 6 = 0, \quad y = 0, \quad x = 3$$

- Вычислите интеграл $\int \ln x dx$

- Вычислите интеграл $\int \frac{x^3}{x^4 + 5} dx$

Вариант 2

1. Применяя основные правила и таблицы интегралов, найдите значения интегралов:

а) $\int (4x^3 + x^2 + 1) dx$

б) $\int \sin 3t dt$

2. Вычислите интегралы:

а) $\int_{-1}^0 (x^3 - 2x) dx$

б) $\int_{\frac{1}{8}}^{\frac{1}{2}} \frac{dx}{x^2}$

3. Вычислите площадь фигуры, ограниченной линиями:

$$y=x^2, y=0, x=0, x=3$$

4. Вычислите интеграл $\int_0^1 x e^{-x} dx$

5. Вычислите интеграл $\int \frac{dx}{x(1 + \ln x)}$

Критерии оценивания,

№ задания	1 а)	1 б)	2 а)	2 б)	3	4	5
Кол-во баллов	1	2	1	2	2	4	3

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	4-6	7-10	11-15
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Раздел 2. Основы теории дифференциальных уравнений.

Вариант №1

Решите уравнения:

1. $y dx = \cos^2 x dy$

2. $\frac{d^2 s}{dt^2} = 3t - 4$

3. $y' - \frac{3y}{x} = -\frac{x}{2}$
4. $y'' - y' - 2y = 0$

Вариант №2

Решите уравнения:

1. $\frac{dy}{e^x} = \frac{dx}{y^2}$
2. $\frac{d^2s}{dt^2} = 18t + 2$
3. $y' + \frac{y}{x+1} = 3x - 1$
4. $y'' + y' - 6y = 0$

Критерии оценивания

№ задания	1	2	3	4
Кол-во баллов	1	1	3	2

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	2-3	4-5	6-7
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Раздел 3. Элементы векторной алгебры.

Вариант 1

1. Найдите координаты вектора \overline{AB} , если А (-2;-3), В (1;4).
2. Точка С(2;3) делит АВ в отношении 1:4 (от А к В). Найдите точку А, если В(-6;-1).
3. Вычислите угол между векторами $a=(-3;4)$ и $b=(4;3)$.
4. Проверить, лежат ли на одной прямой три данные точки: (0,2), (-1,5), (3,4).
5. Даны координаты двух смежных вершин параллелограмма А(2,3), В(-1,-2) и точка пересечения диагоналей М(-2,-3). Найти координаты двух остальных его вершин.

Вариант 2

1. Даны точки $A(-3;-4)$ и $B(2;5)$. Разложите вектор AB по единичным векторам i и j координатных осей.
2. Отрезок AB задан точками $A(7;-4)$ и $B(-8;1)$ и делится точкой C в отношении $1:4$ (от A к B). Найдите точку C .
3. Вычислите косинус угла между векторами $a=(3;4)$ и $b=(5;12)$.
4. Найдите расстояние между точками $A(3,4)$ и $B(1,1)$.
5. Найти точку пересечения медиан треугольника с вершинами $A(2,1)$, $B(-1,-1)$, $C(-3,1)$.

Критерии оценивания

№ задания	1	2	3	4	5
Кол-во баллов	1	2	1	1	3

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	2-3	4-6	7-8
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Раздел 4. Комплексные числа.

Вариант 1

1. Для числа $z = 3$ найдите:
 - a) число, сопряженное данному;
 - b) радиус-вектор, соответствующий числу;
 - c) тригонометрическую и показательную формы.
2. $z_1 = 5+2i$, $z_2 = 2-5i$

Найдите: z_1+z_2 , $z_1 - z_2$, z_1z_2 , $\frac{z_1}{z_2}$

3. Вычислите: $3 \left[\frac{\cos \pi}{8} + i \sin \frac{\pi}{8} \right] \cdot \left[\frac{\cos 5\pi}{24} + i \sin \frac{5\pi}{24} \right]$

Вариант 2.

1. Для числа $z = 1-i$ найдите:
 - a) число, сопряженное данному;

- b) радиус-вектор, соответствующий числу;
 c) тригонометрическую и показательную формы.

2. $z_1 = 4 + 3i$, $z_2 = 3 - 4i$

Найдите: $z_1 + z_2$, $z_1 - z_2$, $z_1 z_2$, $\frac{z_1}{z_2}$

3. Вычислите: $5 \left[\frac{\cos \pi}{6} - i \sin \frac{\pi}{6} \right] \cdot \left[\frac{\cos \pi}{4} + i \sin \frac{\pi}{4} \right]$

Критерии оценивания

№ задания	1 а)	1 б)	1 с)	2	3
Кол-во баллов	1	1	2	2	3

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	3-4	5-6	7-9
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Раздел 5. Системы уравнений.

Вариант №1

Решить системы уравнений методом Крамера и методом Гаусса:

1.
$$\begin{cases} x - y = 5 \\ 2x + y = -8 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + x_3 = 10 \\ 2x_1 + x_2 + x_3 = 20 \\ x_1 + 3x_2 + x_3 = 30 \end{cases}$$

Вариант №2

Решить системы уравнений методом Крамера и методом Гаусса:

1.
$$\begin{cases} x - y = 5 \\ 2x + y = 13 \end{cases}$$

2.
$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 = 6 \\ x_1 + x_2 - x_3 = 6 \\ -2x_1 + x_2 + x_3 = 3 \end{cases}$$

Критерии оценивания

№ задания	1 метод Крамера	1 метод Гаусса	2 метод Крамера	2 метод Гаусса
Кол-во баллов	1	2	2	3

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	2-3	4-5	6-8
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Раздел 6. Ряды.

Тест №1.

1. Числовым рядом называется выражение вида:

- | | |
|--|--|
| 1) $a_1 \cdot a_2 \cdot a_3 \cdot \dots \cdot a_n \cdot \dots$; | 3) $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_n + \dots$; |
| 2) $a_1, a_2, a_3, \dots, a_n, \dots$; | 4) $S_1, S_2, S_3, \dots, S_n, \dots$. |

2. Геометрический ряд $\sum_{n=0}^{\infty} aq^n$ сходится тогда и только тогда, когда его знаменатель ...

- | | |
|----------------|----------------|
| 1) $ q > 1$; | 3) $q = 1$; |
| 2) $q = -1$; | 4) $ q < 1$. |

3. Выберите первые пять членов ряда по заданному общему члену

$$a_n = \frac{1}{2n-1}, \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

- | | |
|--|---|
| 1) $1, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}$; | 3) $\frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}, \frac{1}{11}$; |
| 2) $-1, 1, \frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}$; | 4) $1, 3, 5, 7, 9$. |

4. Выберите первые четыре члена ряда по заданному общему члену

$$a_n = \frac{5^n}{n!}, \quad n = 0, 1, 2, \dots$$

1) $5, \frac{5}{1!}, \frac{5^2}{2!}, \frac{5^3}{3!};$

3) $1, 5, \frac{25}{2}, \frac{125}{6};$

2) $5, \frac{25}{2}, \frac{125}{6}, \frac{625}{24};$

4) $5, \frac{5^2}{2!}, \frac{5^3}{3!}, \frac{5^4}{4!}.$

5. Составить формулу общего члена ряда: $\frac{1}{2} + \frac{2}{2^2} + \frac{3}{2^3} + \dots$

1) $a_n = \frac{n+1}{2^{n+1}}, \quad n = 1, 2, 3, \dots;$

3) $a_n = \frac{n+1}{2^n}, \quad n = 0, 1, 2, \dots;$

2) $a_n = \frac{n}{2^{n+1}}, \quad n = 0, 1, 2, \dots;$

4) $a_n = \frac{n}{2^n}, \quad n = 1, 2, 3, \dots.$

6. Если ряд сходится, то его общий член стремится ...

1) к единице;

3) к бесконечности;

2) к нулю;

4) к последовательности частичных сумм.

7. Числовой ряд расходится, если ...

1) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq +\infty;$

3) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 0;$

2) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = 0;$

4) $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n \neq 1.$

8. Выберите неверную формулу разложения функции в ряд Маклорена.

1) $\ln 1+x = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots$, при $-1 \leq x \leq 1$;

2) $\cos x = 1 - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^4}{4!} - \dots$, при $-\infty < x < +\infty$;

3) $\sin x = \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} + \dots$, при $-\infty < x < +\infty$;

4) $e^x = 1 + \frac{x}{1!} + \frac{x^2}{2!} + \dots + \frac{x^n}{n!} + \dots$, при $-\infty < x < +\infty$.

9. Если функция $f(x)$ в окрестности точки x_0 имеет производные всех порядков, то рядом Тейлора функции $f(x)$ называется степенной ряд вида...

1) $f(x_0) + \frac{f'(x_0)}{1!} (x-x_0) + \dots + \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} (x-x_0)^n + \dots$;

2) $f(0) + \frac{f'(0)}{1!} x + \dots + \frac{f^{(n)}(0)}{n!} x^n + \dots$;

3) $f(x_0) + \frac{f'(x_0)}{1!} x + \dots + \frac{f^{(n)}(x_0)}{n!} x^n + \dots$;

4) $f(x_0) + \frac{f'(x_0)}{1} (x-x_0) + \dots + \frac{f^{(n)}(x_n)}{n} (x-x_0)^n + \dots$

10. Разложить функцию $f(x) = \ln x$ в ряд Тейлора по степеням $x-1$ и указать интервалы, где разложение верно.

$$1) f(x) = x - \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{3} - \frac{x^4}{4} + \dots \text{ на } 0;2 ;$$

$$2) f(x) = x - 1 - \frac{x-1^2}{2!} + \frac{x-1^3}{3!} - \frac{x-1^4}{4!} + \dots \text{ на } -1;1 ;$$

$$3) f(x) = x - \frac{x^2}{2!} + \frac{x^3}{3!} - \frac{x^4}{4!} + \dots \text{ на } -1;1 ;$$

$$4) f(x) = x - 1 - \frac{x-1^2}{2} + \frac{x-1^3}{3} - \frac{x-1^4}{4} + \dots \text{ на } 0;2 .$$

Критерии оценивания

№ задания	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
Кол-во баллов	1	1	1	2	2	1	1	3	1	3

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	9-11	12-14	15-16
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

Раздел 7. Основы теории вероятностей и математической статистики

Вариант №1

1. Из трех орудий произвели залп по цели. Вероятность попадания в цель при одном выстреле из 1^{го} орудия 0,8; из 2^{го} - 0,7; из 3^{го}- 0,9. Найти вероятность того, что:

- только один снаряд попадет в цель;
- все три снаряда попадут в цель;
- хотя бы один снаряд попадет в цель.

2. Талоны, свернутые в трубочку, занумерованы всеми двузначными числами. Наудачу берут один талон. Какова вероятность того, что номер взятого талона состоит из одинаковых цифр?

3. Сколько способов припарковать 4 машины на 4 парковочных мест?

Вариант №2

1. Три стрелка произвели выстрел по цели. Вероятность поражения цели $1^{\text{ым}}$ стрелком 0,8; $2^{\text{ым}}$ - 0,7; $3^{\text{им}}$ - 0,9. Найти вероятность того, что:

- а) только один стрелок поразит цель;
- б) все три стрелка поразят цель;
- с) хотя бы один стрелок поразит цель.

2. В ящике 10 деталей, среди которых 6 окрашенных. Сборщик наудачу извлекает 4 детали. Найти вероятность того, что все они окажутся окрашенными.

3. Сколько способов разместить 4 машины на 5 свободных парковочных мест?

Критерии оценивания

№ задания	1 а)	1 б)	1с)	2	3
Кол-во баллов	1	1	2	1	2

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	2-3	4-5	6-7
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично

3.2. Задания для проведения промежуточной аттестации

3.2.1. Задания для проведения дифференцированного зачета

Форма дифференцированного зачета: итоговая зачетная работа

Условия выполнения задания

1. Место выполнения задания - кабинет математики.

2. Максимальное время выполнения задания: 90 минут.

3. Источники информации, разрешенные к использованию на дифференцированном зачете: оборудование, математические таблицы.

Задания для дифференцированного зачета

Вариант 1

1. Из цифр от 1 до 9 сначала выбирается одна цифра, а затем из оставшихся – вторая. Найти вероятность того, что оба раза будет выбрана четная цифра.

$$\begin{vmatrix} 2 & -1 & 3 \\ -3 & 4 & 0 \\ 1 & 7 & 1 \end{vmatrix}$$

2. Вычислите определитель:
3. Найдите производные функций:

$$а) f(x) = e^{2x} \ln x; \quad б) f(x) = \frac{x+1}{x^5+1}; \quad в) y = \cos^4 x$$

4. Вычислите интегралы:

$$а) \int (3x^{-4} + 8x^{-5} + \sqrt{x}) dx; \quad б) \int \sin 3x dx.$$

5. Исследуйте функцию $y = 2x^2 - 8x$ с помощью производной.

6. Найдите частное решение дифференциального уравнения:

$$\frac{dy}{x^2 + 4x} = \frac{dx}{y^2 - 2y}, \quad y = 2 \text{ при } x = 0.$$

7. Представьте в геометрической, тригонометрической и показательной форме комплексное число $1 - \sqrt{3}i$.

8. Выполните действия над комплексными числами: $\frac{1+2i}{1+i} + \frac{1-2i}{1-i}$.

9. Решите систему уравнений по формулам Крамера:
$$\begin{cases} 5x - 2y = 1 \\ 4x + y = 6 \end{cases}$$

Вариант 2

1. В каждой из двух урн содержатся 4 черных и 5 белых шаров. Из первой урны во вторую наудачу переложен один шар. Найти вероятность того, что шар, извлеченный из второй урны, окажется белым.

$$\begin{vmatrix} 3 & -1 & 4 \\ 5 & 4 & 0 \\ 0 & 2 & -1 \end{vmatrix}$$

2. Вычислите определитель:

3. Найдите производные функций: а) $f(x)=x \cdot \cos(2x)$ б) $f(x) = \frac{\sin x}{x+1}$;

в) $y = \ln^2 x$

4. Вычислите интегралы:

а) $\int (x^{-4} - x^{-3} - 3x^2 + 1) dx$; б) $\int 2 \cos 8x dx$.

5. Исследуйте функцию $y = x^4 - x^2 + 4$ с помощью производной.

6. Найдите частное решение дифференциального уравнения:

$$(1+y)dx = (1-x)dy, \quad y = 3 \text{ при } x = -2.$$

7. Представьте в тригонометрической и показательной форме

комплексное число $\sqrt{3} - i$.

8. Выполните действия над комплексными числами: $\frac{2+i}{1+i} + \frac{2-i}{4-i}$.

9. Решите систему уравнений по формулам Крамера:
$$\begin{cases} 2x + y = -4 \\ 4x - y = 10 \end{cases}$$

Критерии оценивания

№ задания	1	2	3 а)	3 б)	3 в)	4 а)	4 б)	5	6	7	8	9
Кол-во баллов	2	1	1	1	2	1	2	3	2	1	2	1

Показатели и шкала оценивания:

Кол – во баллов	11-13	14-16	17-19
Оценка	удовлетворительно	хорошо	отлично